

Python Crashkurs – Teil 2

Mentoring – SoSe 2020

Anton Kriese

Elen Niedermeyer

Freie Universität Berlin

Fachbereich Mathematik und

Informatik

20. Mai 2020



1 Wiederholung Schleifen und Listen

2 Matrizen

3 Konstanten und Funktionen

4 Plotten

1 Wiederholung Schleifen und Listen

2 Matrizen

3 Konstanten und Funktionen

4 Plotten

for-Schleife:

```

1 def sumAll(n):
2     sum = n
3     for i in range(n):
4         sum = sum+i
5         print(i)
6     return sum
  
```

Source Code 1: for-Schleife

for-Schleifen durchlaufen die Elemente der ihr übergebenen Liste. Der Zähler i wird in jedem Schleifendurchlauf verändert.

Besonderheit: Die Anzahl der Schleifendurchläufe steht zu Anfang fest.

while-Schleife:

```

1 def sumAll(n):
2     i, sum = 1, 0
3     while i <= n:
4         sum = sum+i
5         i = i+1
6     return sum
  
```

Source Code 2: while-Schleife

Solange die Bedingung erfüllt ist, führen **while-Schleifen** den Schleifenrumpf aus. Der Zähler i muss manuell verändert werden, damit die Schleife terminiert.

Besonderheit: Die Anzahl der Schleifendurchläufe braucht nicht festzustehen.

Listen sind veränderbare Sammlungen von Objekten verschiedener Datentypen. Sie sind als dynamische Arrays implementiert.

Vergleichsoperatoren (Länge)

<code>==</code>	Gleichheit
<code>!=</code>	Ungleichheit
<code><, ></code>	Kleiner/größer als
<code><=, >=</code>	Kleiner/größer gleich

Listenoperatoren

<code>+</code>	Verkettung
<code>*</code>	Wiederholung
<code>[i]</code>	i-te Stelle
<code>[i:j]</code>	Teilliste i bis j-1
<code>in</code>	Test auf Enthaltensein

<code>not in</code>	Test auf Nichtenthaltensein
---------------------	-----------------------------

Table 1: Listen-Operatoren

```

1 a = [] # leere Liste
2 b = [1] # 1elementige L.
3 a = b+[2,3,4]
4 1 in a
5 type(a) #<class 'list'>
6 c = a
7 a[0] = '42' # Zuweisung
8 c # gibt c aus
9 4*[True]
```

Source Code 3: Listen-Operatoren

Um durch eine Liste zu laufen, kann eine *for*-Schleife verwendet werden:

```

1 for n in [1,2,3,4]:
2     print(n) # n nimmt jeden Wert aus [1,2,3,4] an
  
```

Source Code 4: For-Schleife

```

1 liste = [1,2,3,4] # len(liste) = 4
2 for i in range(0, len(liste)): # 4 ist exklusiv
3     print(liste[i]) # i nimmt jeden Wert von 0 bis 3 an
  
```

Source Code 5: For-Schleife mit Index als Zähler

1 Wiederholung Schleifen und Listen

2 Matrizen

3 Konstanten und Funktionen

4 Plotten

- ▶ Um *NumPy* nutzen zu können, ist folgende Zeile notwendig:

```
1 import numpy as np
```

Source Code 6: Numpy importieren

- ▶ Sollte *beim importieren* eine Fehlermeldung auftreten, ist *NumPy* vermutlich nicht installiert. *NumPy* lässt sich mit dem Befehl `pip3 install numpy` installieren.
- ▶ Sollte es bei der *Installation* Probleme geben, können unter <https://www.lfd.uci.edu/~gohlke/pythonlibs/> fehlende Pakete heruntergeladen werden. Diese lassen sich mit `pip3 install <Paketname>` installieren.

- ▶ Eine $(n \times m)$ -Matrix ist eine rechteckige Anordnung von Zahlen in m Spalten und n Zeilen:

$$\begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1m} \\ a_{21} & a_{22} & \vdots & a_{2m} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nm} \end{pmatrix}$$

- ▶ Beispiele:

$$x = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \qquad A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- ▶ Eine (1×1) -Matrix entspricht einer Zahl. $(1 \times m)$ - und $(n \times 1)$ -Matrizen werden auch *Vektoren* genannt. Vektoren wird in der Regel ein Kleinbuchstabe zugewiesen (siehe Beispiel).

- ▶ Eine Matrix wird mit dem Befehl `np.array(list)` erstellt, wobei `list` eine Liste ist, welche die Dimension und die Einträge einer Matrix vorgibt.
- ▶ Beispiele:

```

1 # Erzeugt eine (3 x 4)-Matrix
2 A = np.array([[3, 2, 1, 0],
3               [2, 1, 0, 0],
4               [1, 0, 0, 0]])
5 # Erzeugt einen Vektor ((1 x 3)-Matrix) mit 3 Einträgen
6 x = np.array([1, 2, 3])
  
```

Source Code 7: Wie man eine Matrix erstellt

Erstelle folgende Matrizen (im Terminal):

$$x = (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4)$$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 5 \\ -2 & 7 & 3 \end{pmatrix}$$

Achtung! Lösung:

```
1 x = np.array(list(range(5)))
2 x = np.array([0, 1, 2, 3, 4])

4 A = np.array([[1, -2, 5],
5               [-2, 7, 3]])
```

Source Code 8: Lösung zur Aufgabe A

- ▶ Sei A eine Matrix.

Eigenschaften einer Matrix	
$A.dtype$	Datentyp der Elemente
$A.ndim$	Dimension der Matrix
$A.shape$	Gestalt der Matrix
$A.size$	Anzahl der Elemente
$A.shape[n]$	Anzahl der Elemente für die n -te Dimension

Table 2: Eigenschaften einer Matrix

Beispiele:

```

1 A = np.array([[1, 2, 3],
2               [4, 5, 6]])
3 A.dtype # dtype('int32')
4 A.ndim # 2
5 A.shape # (2, 3)
6 A.shape[0] # 2 Zeilen
7 A.shape[1] # 3 Spalten
8 A.size # 6
  
```

Source Code 9: Eigenschaften einer Matrix

- ▶ Für Matrizen gibt es eine Menge von Rechenoperationen.
- ▶ Matrizenaddition:

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0 & 3+2 \\ 2+1 & 4+3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$$

- ▶ Matrixsubtraktion:

$$\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1-0 & 3-2 \\ 2-1 & 4-3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

- ▶ Skalarmultiplikation:

$$\pi \cdot \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \pi \cdot (-1) & \pi \cdot 0 \\ \pi \cdot 2 & \pi \cdot 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\pi & 0 \\ 2\pi & \pi \end{pmatrix}$$

- ▶ Matrixmultiplikation:

$$\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \cdot 1 + 2 \cdot 1 & 3 \cdot 1 + 2 \cdot 0 \\ 2 \cdot 1 + 1 \cdot 1 & 2 \cdot 1 + 1 \cdot 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

- ▶ Transposition:

$$\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ -1 & 4 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}^T = \begin{pmatrix} -2 & -1 & 0 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}$$

- ▶ Sei A eine $(n \times m)$ -Matrix und B eine $(k \times l)$ -Matrix. Sei c eine beliebige Zahl.

Matrixoperationen (unär)

$A.T$ | Transponiert die Matrix A

Matrixoperationen (binär)

$A + B$ | Matrizenaddition ($n = k$ und $m = l$)

$A - B$ | Matrizensubtraktion ($n = k$ und $m = l$)

$A * B$ | Komponentenweise Multiplikation ($n = k$ und $m = l$)

$c * A$ | Skalarmultiplikation

$A @ B$ | Matrizenmultiplikation ($m = k$)

A / B | Komponentenweise Division ($n = k$ und $m = l$)

Table 3: Rechenoperationen auf Matrizen

```

1  A = np.array([[1, 2, 3],
2                [4, 5, 6]])
3  B = np.array([[0, 1, -1],
4                [1, 0, 2]])
5  A + B
6  A - B
7  A * B # Komponentenweise Multiplikation
8  A / B # Komponentenweise Division
9  # Was ist das Ergebnis von A @ B?
10 # Sind die Ergebnisse unten alle gleich?
11 A @ B.T
12 B @ A.T
13 A.T @ B
14 B.T @ A
  
```

Source Code 10: Matrix-Operationen

Schreibe eine Funktion, die zwei Werte übergeben bekommt, diese quadriert und die Summe der Quadrate zurückgibt:

$$f(x, y) = x^2 + y^2$$

Achte darauf, dass die Funktion auch mit Matrizen als Eingabewerte genutzt werden kann (elementweise Berechnung von $f(X, Y)$).

$$X = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & 1 \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & 1 \end{pmatrix} \quad f(X, Y) = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Achtung! Lösung:

```

1 def quad_sum(x, y):
2     return x**2 + y**2
  
```

Source Code 11: Lösung zur Aufgabe B

- ▶ Es gibt in *NumPy* mehrere vorgefertigte Funktionen, die euch häufig benötigte Matrizen erstellen.
- ▶ Die *Einheitsmatrix* E_n der Dimension n ist eine $(n \times n)$ -Matrix mit der Eigenschaft

$$A \cdot E_n = A = E_n \cdot A$$

für alle $(n \times n)$ -Matrizen A .

- ▶ Beispiel für $n = 2$:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- ▶ Eine solche Matrix lässt sich mit `np.eye(x)` erstellen, wobei x vom Typ `int` ist:

```
1 >>> np.eye(2)
2 array([[1., 0.],
3        [0., 1.]])
```

Source Code 12: Beispiel für `np.eye(x)`

- ▶ Matrix mit Einsen an jeder Stelle: `np.ones(x)`. `x` ist hier ein Tupel oder ein nichtnegativer `int` und gibt die Dimension der Matrix an.

```

1 >>> np.ones(3)
2 array([1., 1., 1.])
3 >>> np.ones((2, 2))
4 array([[1., 1.],
5         [1., 1.]])
  
```

Source Code 13: Beispiel für `np.ones(x)`

- ▶ Ebenfalls gibt es einen Befehl, der eine Matrix mit einer Null an jeder Stelle erstellt: `np.zeros(x)`.

```

1 >>> np.zeros(3)
2 array([0., 0., 0.])
3 >>> np.zeros((2, 3))
4 array([[0., 0., 0.],
5         [0., 0., 0.]])
  
```

Source Code 14: Beispiel für `np.zeros(x)`

Erstelle folgende (7×7) -Matrix (im Terminal):

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 3 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 3 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

Achtung! Lösung:

```
1 np.ones((7, 7)) + 2 * np.eye(7)
```

Source Code 15: Lösung zur Aufgabe C

- ▶ In der Numerik wird oft ein *äquidistantes Gitter* benötigt. Für ein Intervall $I \subseteq [a, b] \neq \emptyset$ und $n \in \mathbb{N}$ ist das die Menge

$$\{a + k \cdot h \mid k = 0, 1, \dots, n\}$$

mit *Schrittweite* $h = (b - a)/n$.

- ▶ Für diesen Zweck gibt es zwei verschiedene Befehle: `np.arange(...)` und `np.linspace(...)`.
- ▶ Beispiel für `np.arange(...)`:

```
1 >>> np.arange(6) # Die 6 selbst ist exklusiv!
2 array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
3 >>> np.arange(2, 8)
4 array([2, 3, 4, 5, 6, 7])
5 # Für nichtganzzahlige Schrittweiten np.linspace(...)
6 # besser verwenden.
7 >>> np.arange(1, 3, 0.25)
8 array([1. , 1.25, 1.5 , 1.75, 2. , 2.25, 2.5 , 2.75])
```

Source Code 16: Beispiel für `np.arange(...)`

► Beispiel für `np.linspace(...)`:

```
1 >>> np.linspace(1, 3, 6)
2 array([1. , 1.4, 1.8, 2.2, 2.6, 3. ])
3 # Ohne drittes Argument werden 50 Gitterpunkte
4 # generiert
5 >>> np.linspace(1, 50)
6 array([ 1.,  2.,  3.,  4.,  5.,  6.,  7.,  8.,  9.,
7         10., 11., 12., 13., 14., 15., 16., 17., 18.,
8         19., 20., 21., 22., 23., 24., 25., 26., 27.,
9         28., 29., 30., 31., 32., 33., 34., 35., 36.,
10        37., 38., 39., 40., 41., 42., 43., 44., 45.,
11        46., 47., 48., 49., 50.] )
```

Source Code 17: Beispiel für `np.linspace()`

- ▶ An dieser Stelle gehen wir von einem Vektor aus (= $(1 \times m)$ - oder $(n \times 1)$ -Matrix).

Indizierung von Vektoren

<code>[i]</code>	i -ter Eintrag
<code>[:i]</code>	Teilvektor bis Position $(i-1)$
<code>[i:]</code>	Teilvektor ab Position i
<code>[i:j]</code>	Teilvektor ab Pos. i bis Pos. $(j-1)$
<code>[i:j:k]</code>	Jeder k -te Eintrag ab Pos. i bis Pos. $(j-1)$

Table 4: Zugriff auf Elemente

Beispiele:

```

1 a = np.array([2, 1, 3, 4,
                6, 5, 8, 7])
2 a[0] # Erstes Element
3 a[-1] # Letztes Element
4 a[5:] # [5, 8, 7]
5 a[:2] # [2, 1]
6 a[1::3] # [1, 6, 7]
7 a[2:6:2] # [3, 6]
8 a[:4:2] # [2, 3]
9 a[:, :3] # [2, 4, 8]
10 a[:, :-1] # a rückwärts

```

Source Code 18: Zugriff auf Elemente

- Nun nehmen wir eine $(n \times m)$ -Matrix mit $n, m \geq 2$ an.

Indizierung von Matrizen

$[i, j]$	Eintrag in i -ter Zeile und j -ter Spalte
$[i, :]$	Ganze i -te Zeile
$[:, j]$	Ganze j -te Spalte
$[:, :]$	Kopie einer Matrix

Table 5: Zugriff auf Elemente

Beispiele:

```

1 A = np.array([[1, 2, 3],
2               [4, 5, 6],
3               [7, 8, 9]])
4 # Eintrag in 3.ter Zeile,
5 # 2.ter Spalte
6 A[2, 1]
7 A[1, :] # Zweite Zeile
8 A[:, 0] # Erste Spalte
  
```

Source Code 19: Zugriff auf Elemente

Indizierung von Matrizen (Fortsetzung)

$[i:j, :]$	i -te bis $(j-1)$ -te Zeile
$:::k, :]$	Jede k -te Zeile
$[i:j:k, :]$	Jede k -te Zeile von der i -ten bis zur $(j-1)$ -ten Zeile
$[i::k, :]$	Jede k -te Zeile ab der i -ten Zeile
$[:j:k, :]$	Jede k -te Zeile bis zur $(j-1)$ -ten Zeile

Table 6: Zugriff auf Elemente

- ▶ Die oben angegebenen Indizierungen funktionieren analog für die Spalten.

Schreibe eine Funktion, die alle Werte einer Matrix multipliziert.
Achtung! Lösung:

```
1 def multiply_matrix(A):
2     mul = 1
3     for i in range(len(A)):
4         for j in range(len(A[i])):
5             mul *= A[i, j]
6     return mul;
7 # oder:
8 def multiply_matrix(A):
9     mul = 1
10    for row in A:
11        for j in row:
12            mul *= j
13    return mul;
```

Source Code 20: Lösung zur Aufgabe D

- ▶ Mit der Funktion `np.ix_(...)` lassen sich Matrizen sehr flexibel indizieren.
- ▶ Beispiel:

```

1 >>> A # erstellte Matrix
2 array([[ 1,  2,  3,  4,  5],
3        [ 6,  7,  8,  9, 10],
4        [11, 12, 13, 14, 15],
5        [16, 17, 18, 19, 20],
6        [21, 22, 23, 24, 25]])
7 >>> A[np.ix_([2, 4, 1], [0, 2])]
8 array([[11, 13],
9        [21, 23],
10       [ 6,  8]])
  
```

Source Code 21: Beispiel mit `np.ix_(...)`

- ▶ *Wissen:* Für $x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ gibt es ein eindeutig bestimmtes inverses Element x^{-1} , so dass

$$x \cdot x^{-1} = 1 = x^{-1} \cdot x.$$

.

- ▶ Für eine *reguläre*, also eine „ausreichend nette“, $(n \times n)$ -Matrix A gibt es eine eindeutig bestimmte Inverse A^{-1} , so dass

$$A \cdot A^{-1} = E_n = A^{-1} \cdot A.$$

.

- ▶ Seien

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \qquad B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

- ▶ Dann ist

$$\begin{aligned} A \cdot B &= \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 3 \cdot 1 + (-1) \cdot 2 & 3 \cdot 1 + (-1) \cdot 3 \\ (-2) \cdot 1 + 1 \cdot 2 & (-2) \cdot 1 + 1 \cdot 3 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 3 - 2 & 3 - 3 \\ -2 + 2 & -2 + 3 \end{pmatrix} \\ &= \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = E_2 \end{aligned}$$

- ▶ Analog folgt $B \cdot A = E_2$. Wir erhalten $A^{-1} = B$.

- ▶ In *NumPy* lässt sich eine Matrix A mit `numpy.linalg.inv(A)` invertieren.

```

1 >>> A = np.array([[3, -1], [-2, 1]])
2 >>> B = np.linalg.inv(A) # Matrix wird invertiert!
3 >>> A
4 array([[ 3, -1],
5        [-2,  1]])
6 >>> B
7 array([[1.,  1.],
8        [2.,  3.]])
9 >>> A @ B
10 array([[ 1.00000000e+00, -4.4408921e-16],
11         [ 0.00000000e+00,  1.00000000e+00]])
12 >>> B @ A
13 array([[ 1.00000000e+00,  0.00000000e+00],
14         [-8.8817842e-16,  1.00000000e+00]])
    
```

Source Code 22: Invertieren einer Matrix

- ▶ Mit Matrizen lassen sich *lineare Gleichungssysteme* beschreiben.
- ▶ Beispiel: Das lineare Gleichungssystem

$$\begin{aligned}4 \cdot x + 2 \cdot y &= 1 \\ x - y &= 1\end{aligned}$$

lässt sich folgendermaßen mit einer Matrix beschreiben:

$$\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Multiplizieren wir beide Seiten mit der inversen Matrix, erhalten wir

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/6 & 2/6 \\ 1/6 & -4/6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1/2 \\ -1/2 \end{pmatrix}.$$

- ▶ Lineare Gleichungssysteme mittels `np.linalg.inv(A)` zu lösen ist in der Praxis nicht empfehlenswert. Dafür verwendet man

`np.linalg.solve(A, b)`

- ▶ Beispiel:

```
1 >>> A = np.array([[4, 2], [1, -1]])
2 >>> b = np.ones(2)
3 >>> x = np.linalg.solve(A, b)
4 >>> x
5 array([ 0.5, -0.5])
6 >>> A @ x
7 array([1., 1.]
```

Source Code 23: Lösen eines LGS

1 Wiederholung Schleifen und Listen

2 Matrizen

3 Konstanten und Funktionen

4 Plotten

Die Definition von π und e sind in *Math* und *NumPy* gleich.

Konstanten

`np.e` Eulersche Zahl

`np.pi` Kreiszahl

Table 7: In *Numpy* definierte Konstanten

```
1 >>> np.e
2 2.718281828459045
3 >>> np.pi
4 3.141592653589793
```

Source Code 24: Konstanten

- ▶ Im Gegensatz zu *Math*, können die trigonometrische Funktionen in *NumPy* auf einzelne Werte und auf Matrizen angewandt werden.
- ▶ Die Funktionen werden bei Matrizen *komponentenweise* angewandt.

Trigonometrische Funktionen

<code>np.sin(A)</code>	Sinus
<code>np.cos(A)</code>	Cosinus
<code>np.tan(A)</code>	Tangens
<code>np.arcsin(A)</code>	Arkussinus
<code>np.arccos(A)</code>	Arkuscosinus
<code>np.arctan(A)</code>	Arkustangens

Table 8: Trigonometrische Funktionen

```

1  A = np.array([[0.25,
                 0.5], [0.75, 1]])
2  np.sin(A)
3  np.cos(A)
4  np.tan(A)
5  np.arcsin(A)
6  np.arccos(A)
7  np.arctan(A)
  
```

Source Code 25: Funktionen

Exponentialfunktion und Logarithmen

<code>np.exp(A)</code>	Exponentialfunktion
<code>np.log(A)</code>	Natürlicher Logarithmus
<code>np.log2(A)</code>	Dualer Logarithmus
<code>np.log10(A)</code>	Dekadischer Logarithmus

Weitere Funktionen

<code>np.sqrt(A)</code>	Quadratwurzel
<code>np.ceil(A)</code>	Aufrunden
<code>np.floor(A)</code>	Abrunden
<code>np.degrees(A)</code>	Wandelt Radiant in Grad für jeden Eintrag um
<code>np.radians(A)</code>	Wandelt Grad in Radiant für jeden Eintrag um
<code>A.cumsum()</code>	Bildet die <i>kumulative Summe</i> der Einträge

Table 9: Weitere Funktionen aus *NumPy*

1 Wiederholung Schleifen und Listen

2 Matrizen

3 Konstanten und Funktionen

4 Plotten

- ▶ Zum Plotten von Daten und Funktionen nutzen wir *Matplotlib*:

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
```

Source Code 26: Matplotlib importieren

- ▶ *Matplotlib* lässt sich mit *pip3 install matplotlib* installieren. Falls bei der Installation Probleme auftreten, lässt sich *Matplotlib* auch unter <https://www.lfd.uci.edu/~gohlke/pythonlibs/> herunterladen (vgl. Folie 9).

- ▶ Mit den Funktionen `plt.plot(...)` und `plt.show()` lässt sich bereits ein erster simpler Plot erstellen.

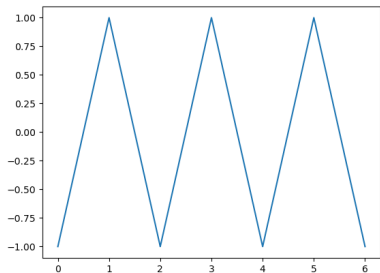


Figure 1: Hütchenfunktion

Code:

```
1 # Indizes dienen hier als
2 # Koordinaten für die
3 # x-Achse
4 plt.plot([-1, 1, -1, 1,
5           -1, 1, -1])
6 # Plot anzeigen
7 plt.show()
```

Source Code 27: Erster Plot

- ▶ Die Funktionen `plt.xlabel(...)` und `plt.ylabel(...)` ermöglichen es die Beschriftungen an den Achsen festzulegen.
- ▶ Man kann mit `plt.title(...)` zusätzlich den Titel eines Plots festlegen.

Code:

```

1  # Indizes dienen hier als
2  # Koordinaten für die
3  # x-Achse
4  plt.plot([-1, 1, -1, 1,
5           -1, 1, -1])
6  # x-Achse beschriften
7  plt.xlabel("x-Werte")
8  # y-Achse beschriften
9  plt.ylabel("y-Werte")
10 # Titel festlegen
11 plt.title("Zweiter Plot")
12 # Plot anzeigen
13 plt.show()
  
```

Source Code 28: Beschriftungen festlegen

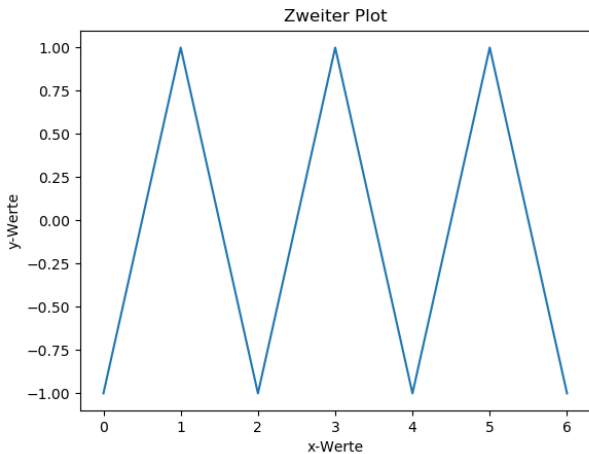


Figure 2: Plot mit Beschriftungen

- ▶ Die x -Koordinaten lassen sich festlegen, indem man der Funktion `plt.plot(...)` einen zweiten Vektor übergibt. Während der erste Vektor die x -Werte festlegt, gibt der zweite Vektor die y -Werte an,
- ▶ Ruft man `plt.plot(...)` mehrfach vor dem Aufruf von `plt.show()` auf, dann erscheinen in einem Plot mehrere Graphen.
- ▶ Mit `plt.legend(...)` kann man eine Legende erstellen.

Code:

```
1 # Gitter erstellen
2 x = np.linspace(1, 2)
3 # Mehrere Graphen plotten
4 plt.plot(x, x)
5 plt.plot(x, np.exp(x))
6 plt.plot(x, np.log(x)-5)
7 # Legende erstellen
8 plt.legend(["x", "exp(x)",
9            , "log(x) - 5"])
10 # Weitere Einstellungen
11 plt.xlabel("x")
12 plt.ylabel("y")
13 plt.title("Plot")
14 # Plot anzeigen
15 plt.show()
```

Source Code 29: Mehrere Graphen

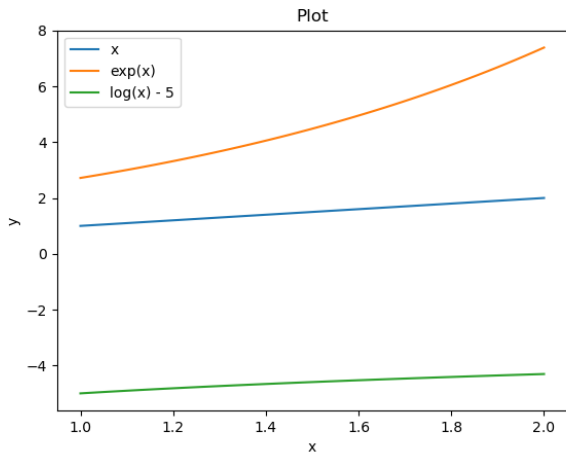


Figure 3: Mehrere Graphen in einem Plot mit Legende

▶ Die Zeilen

```
1 plt.plot(x, x)
2 plt.plot(x, np.exp(x))
3 plt.plot(x, np.log(x)-5)
```

Source Code 30: Mehrere `plt.plot(...)` Aufrufe

sind äquivalent zur Zeile

```
1 plt.plot(x, x, x, np.exp(x), x, np.log(x)-5)
```

Source Code 31: Einziger `plt.plot(...)` Aufruf

Erstelle einen Plot mit den Funktionen x^2 und x^3 in einem Koordinatensystem mit $2 \leq x \leq 5$. Beschrifte die Achsen und den Plot sinnvoll.

Achtung! Lösung:

```
1 x = np.linspace(2, 5)
2 plt.plot(x, x**2)
3 plt.plot(x, x**3)
4 plt.legend(["x^2", "x^3"])
5 plt.xlabel("x")
6 plt.ylabel("y")
7 plt.title("My Plot")
8 plt.show()
```

Source Code 32: Lösung zur Aufgabe E

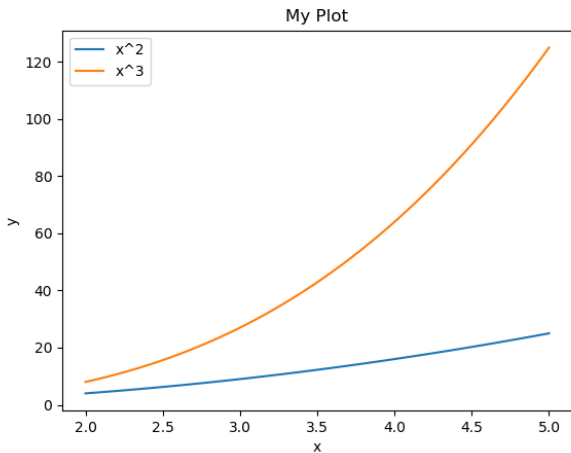


Figure 4: Lösung zur Aufgabe E

- ▶ In `plt.plot(...)` lässt sich über einen *Format-String* der Form `'[marker][line][color]'` die Gestalt von einem Graphen festlegen.
- ▶ Beispiele:
 - `'.'` – Gepunktete Linie
 - `'g'` – Grüne Linie
 - `'xr'` – Rote Kreuze
 - `'D-y'` – Durchgezogene Linie mit gelben Diamanten
 - `'v--m'` – Margentafarbene gestrichelte Linie mit Dreiecken

Code:

```
1 x = np.linspace(-2, 2,
2                       10)
3 z = np.zeros(10)
4 plt.plot(x, z, ".")
5 plt.plot(x, x-4, "g")
6 plt.plot(x, x**2, "xr")
7 plt.plot(x, x**3, "D-y")
8 plt.plot(x, -3*x, "v--m")
9 plt.legend(["0", "$x-4$",
10            "$x^2$", "$x^3$",
11            "-3\cdot x$"])
10 plt.show()
```

Source Code 33: Verschiedene Format-Strings

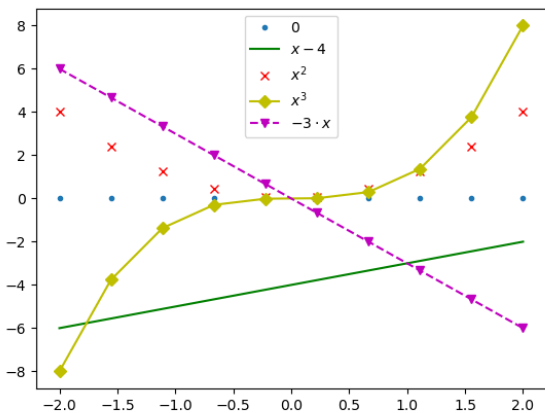


Figure 5: Farbiger Plot


```
fmt = '[marker][line][color]'
```

marker

'.'	Punkt für jeden Gitterpunkt
'o'	Kreis für jeden Gitterpunkt
's'	Quadrat für jeden Gitterpunkt
'*'	Stern für jeden Gitterpunkt
'x'	Kreuz für jeden Gitterpunkt
'D'	Diamand für jeden Gitterpunkt

line

-	Durchgezogene Linie
--	Gestrichelte Linie
-.	Strichpunktierte Linie
:	Gepunktete Linie

Table 10: Optionen für Format-String

```
fmt = '[marker][line][color]'
```

color	
'b'	Blau
'g'	Grün
'r'	Rot
'c'	Cyan
'm'	Margenta
'y'	Gelb
'k'	Schwarz
'w'	Weiß

Table 11: Optionen für Format-String

Ändere in deinem Plot aus Aufgabe E (x^2 und x^3 mit $2 \leq x \leq 5$) die Farben. x^3 soll eine gestrichelte Linie werden.

Achtung! Lösung:

```
1 x = np.linspace(2, 5)
2 plt.plot(x, x**2, "-g")
3 plt.plot(x, x**3, "--c")
4 plt.legend(["x^2", "x^3"])
5 plt.xlabel("x")
6 plt.ylabel("y")
7 plt.title("My Plot")
8 plt.show()
```

Source Code 34: Lösung zur Aufgabe F

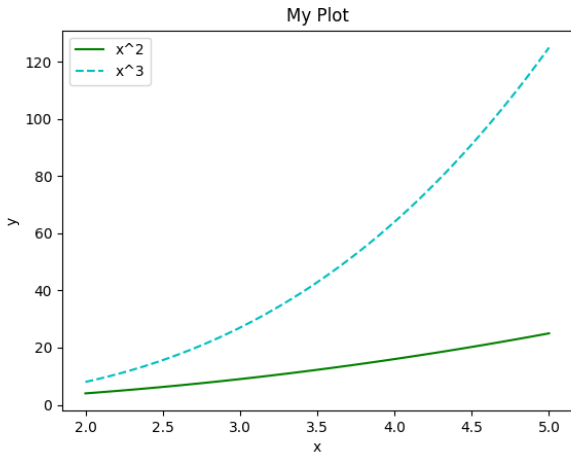


Figure 6: Lösung zur Aufgabe F

- ▶ Zur besseren Darstellung eines Graphen bietet es sich in manchen Situationen an die x - oder y -Achse *logarithmisch* zu skalieren.
- ▶ Den Funktionen in der Tabelle kann ein *Format-String* übergeben werden.

color	
<code>plt.semilogx(...)</code>	Plot mit logarithmisch skaliertes x -Achse
<code>plt.semilogy(...)</code>	Plot mit logarithmisch skaliertes y -Achse
<code>plt.loglog(...)</code>	Plot mit logarithmisch skaliertes x - <u>und</u> y -Achse

Table 12: Nahe Verwandten von `plt.plot(...)`

- ▶ Beispiel:

```
1 x = np.arange(20)
2 y = np.array([np.math.factorial(n) for n in x])
3 plt.semilogy(x, y, "o-r")
4 plt.show()
```

Source Code 35: Beispiel für `plt.semilogy(...)`

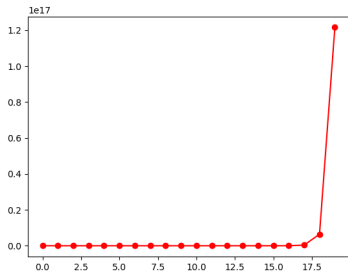


Figure 7: Fakultätsfunktion mit `plt.plot(x, y)`

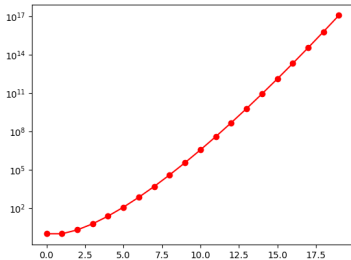


Figure 8: Fakultätsfunktion mit `plt.semilogy(x, y)`

- ▶ In einem Plot lässt sich mit `plt.grid(...)` ein Gitter anzeigen.

Code:

```
1 x = np.linspace(-50, 50)
2 plt.grid()
3 plt.plot(x, x)
4 plt.show()
```

Source Code 36: Gitter anzeigen

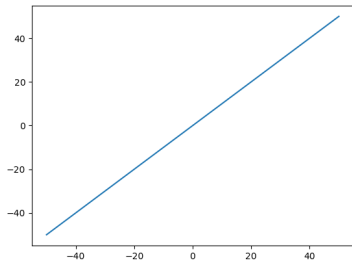


Figure 9: Ohne `plt.grid()`

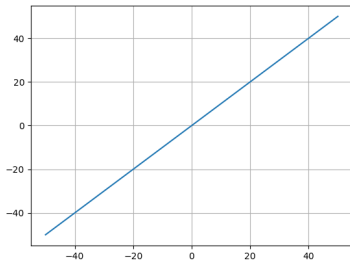


Figure 10: Mit `plt.grid()`

- Die Achsenskalierungen lassen sich mit der Funktion

```
plt.axis(...)
```

festlegen.

Code:

```

1 x = np.linspace(-1, 1)
2 y = np.exp(x)
3 # x-Achse geht von
4 # -2 bis 2 y-Achse
5 # geht von 0 bis 3
6 xmin, xmax = -2, 2
7 ymin, ymax = 0, 3
8 plt.axis([xmin, xmax,
9           ymin, ymax])
10 plt.plot(x, y)
```

Source Code 37: Achsenskalierung

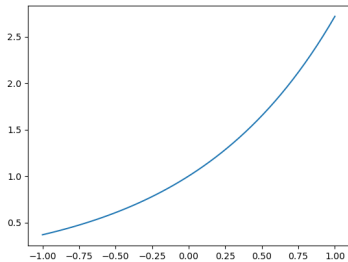


Figure 11: Ohne `plt.axis([-2, 2, 0, 3])`

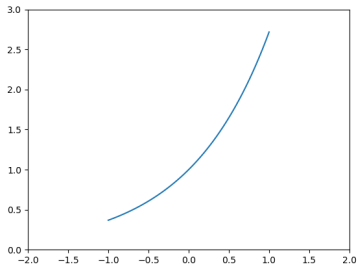


Figure 12: Mit `plt.axis([-2, 2, 0, 3])`

- ▶ Für mehrere Subplots in einem Plot benutzt man `plt.subplot(xyz)`.
- ▶ Die Subplots werden über eine Ziffernfolge `xyz` gesteuert, wobei
 - `x` = Anzahl von Spalten,
 - `y` = Anzahl von Zeilen und
 - `z` = Nummer des Subplots
 meint.
- ▶ Beispiel: Möchte man ein (2×3) -Schema von Plots, muss `x = 2` und `y = 3` sein. Möchte man den fünften Subplot ansprechen, muss man `z = 5` setzen. Mit dem Befehl `plt.subplot(235)` kann man den fünften Subplot im (2×3) -Schema bearbeiten.

```

1 x = np.linspace(0, 1, 200)
2 plt.subplot(121)
3 plt.plot(x, x**2, "r", x, np.sqrt(x), "g")
4 plt.title("Parabel und Wurzel")
5 plt.xlabel("x")
6 plt.ylabel("Wert")
7 plt.legend(["$x^2$", "sqrt(x)"])
8 plt.grid()
9 plt.subplot(122)
10 plt.plot(x, np.exp(x), "-.m")
11 plt.title("Exponentialfunktion")
12 plt.xlabel("x")
13 plt.ylabel("Wert")
14 plt.legend(["exp(x)"])
15 plt.grid()
16 plt.show()

```

Source Code 38: Beispiel für `plt.subplot(...)`

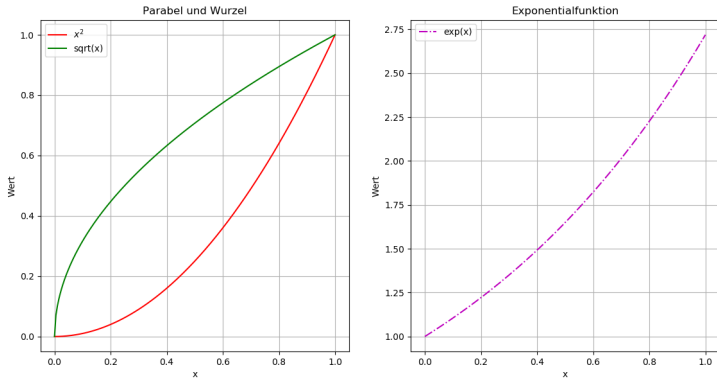


Figure 13: Subplots

Extrahiere deine Graphen aus Aufgabe F (x^2 und x^3 mit $2 \leq x \leq 5$) in zwei nebeneinanderstehende Subplots.

Achtung! Lösung:

```

1 x = np.linspace(2, 5)
2 plt.subplot(121)
3 plt.plot(x, x**2, "-g")
4 plt.legend(["x^2"])
5 plt.xlabel("x")
6 plt.ylabel("y")
7 plt.title("My Plot 1")
8 plt.subplot(122)
9 plt.plot(x, x**3, "--c")
10 plt.legend(["x^3"])
11 plt.xlabel("x")
12 plt.ylabel("y")
13 plt.title("My Plot 2")
14 plt.show()
  
```

Source Code 39: Lösung zur Aufgabe G

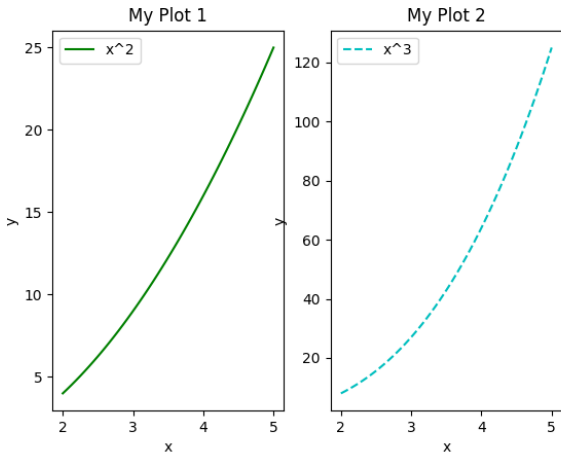


Figure 14: Lösung zur Aufgabe G

Noch Fragen?