

Elementargeometrie – Hausaufgabe 02

Abgabe: 12.05.2015 vor der Vorlesung

1. Aufgabe (4 Punkte)
Es seien $\mathcal{P} = \{(x, y) | x, y \in \mathbb{R}\}$, $\mathcal{G} = \{(x, y) | ax + by + c = 0, a, b, c \in \mathbb{R}, a^2 + b^2 \neq 0\}$ und $\mathcal{E} = \{\mathcal{P}\}$. Zeigen Sie, dass $(\mathcal{P}, \mathcal{G}, \mathcal{E})$ ein Inzidenzraum ist.

2. Aufgabe (4 Punkte)
Gegeben sei $\mathcal{P} = \{A, B, C, D, E\}$. Geben Sie zwei Inzidenzräume $\mathcal{I}_1 = (\mathcal{P}, \mathcal{G}_1, \mathcal{E}_1)$ und $\mathcal{I}_2 = (\mathcal{P}, \mathcal{G}_2, \mathcal{E}_2)$ an, die nicht isomorph zueinander sind. Zeigen Sie, dass die von Ihnen konstruierten \mathcal{I}_1 und \mathcal{I}_2 Inzidenzräume sind und begründen Sie, warum diese nicht isomorph sind.

3. Aufgabe (4 Punkte)
Zeigen Sie folgende Aussage:
Die Unterräume eines Inzidenzraumes \mathcal{I} bilden einen vollständigen Verband $(\mathcal{L}(\mathcal{I}), \vee, \wedge)$, wobei für $A, B \in \mathcal{L}(\mathcal{I})$ gilt: $A \wedge B := A \cap B$, $A \vee B := \overline{A \cup B}$.

4. Aufgabe (4 Punkte)
Zeigen Sie, dass es in einem Inzidenzraum (mindestens) drei von einander verschiedene Geraden gibt.

Gesamtpunktzahl: 16